

见到了 Alex\_Wei。他没我高，真是太菜了（这是 Marsrayd 建议我写的，不代表本人立场）。

## 魔术师 (card)

有一副牌，正反两面都有数，各是一个排列。你要任意排列，使得正面排列和反面排列的最大公共子串最大是多少。 $T \leq 100, n \leq 2000$ 。

首先公共子串形如：

```
1      1  2  3  4
2  1  2  3  4
```

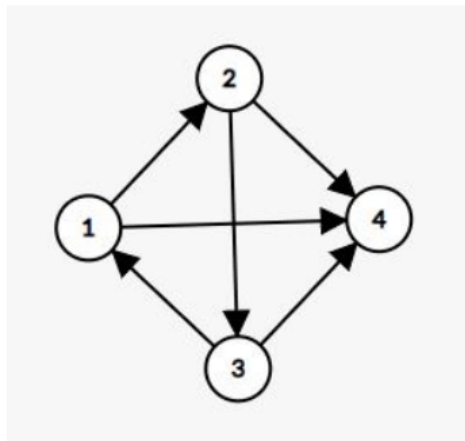
容易发现这些是同一个置换环上的一条链。我们求出所有的置换环，并且尝试把它们分成一些链，并拼起来。

玩一玩发现，任意个长度为  $i$  和  $i+1$  的链可以拼起来。所以我们枚举这个  $i$ ，然后枚举所有置换环的长度，再枚举有多少个  $i$ ，求出有多少个  $i+1$ ，贡献进答案里。由于不同的置换环长度只有  $O(n^{0.5})$  种，所以总复杂度就是  $O(Tn^{1.5} \ln n)$  或者  $O(n^2 \ln n + Tn \ln n)$ 。

## 只会心疼割割 (giegie)

定义一张图  $G$  是「gie 图」，当且仅当：

- $G$  是简单有向图；
- 将  $G$  的所有边去掉方向之后形成一张无向完全图；
- $G$  中不存在任何一张子图与下图同构：



「最小割」：称一个边集是点  $u, v$  的割，当且仅当去掉这个边集中的边之后  $u$  无法到达  $v$ 。称所有割中大小最小的一个为  $u, v$  的最小割，其大小记作  $\text{cut}(u, v)$ 。

现在给出一张  $n$  个点的「gie 图」和  $q$  个询问。对于每个询问，给出一个点  $u$ ，你需要对所有  $v \neq u$  给出  $\text{cut}(u, v)$  的值。

为了避免不必要的讨论，我们还额外保证这张图中不存在没有入度的点。

$n \leq 5000, q \leq 300$ 。

首先满足这个性质的图有几个性质：

1. 只有一个强连通分量。
2. 任意两点间的最短路小于等于 3。
3. 等价于，可以到达一个点的所有点可以构成一个全序集，有一个【gie 树】的构造方法，我不会！！！！

对于这道题，我们不妨在任意竞赛图上做这道题。最小割也就是：

$$cut(u, v) = \min_{S, u \in S, v \notin S} \sum_{(x, y) \in E} [x \in S, y \notin S] \quad (1)$$

我们考虑  $cost(S) \rightarrow cost(S \cup \{k\})$  的变化量（设为  $w_k$ ）：

$$w_k = \sum_{x \notin S, x \neq k} [(k, x) \in E] - \sum_{x \in S} [(x, k) \in E] \quad (2)$$

再考虑  $S \rightarrow S \cup \{k\}$  后  $w_i$  的变化量：

$$\begin{aligned} w_i &= \dots \\ &= w_i - 1 \end{aligned}$$

竟然和具体  $S$  的取值无关，所以只要先把  $w$  排好序就能够快速查询了。

## 递增数列

给定一棵  $n$  个点的有根树，问排列  $p$  的数量，使得  $\forall i, \text{dep}(\text{lca}(p_i, i_{i-1})) \leq \text{dep}(\text{lca}(p_i, i_{i+1}))$ 。  $n \leq 80$ 。

首先我们把序列反过来变成递减，不难发现  $\text{lca}$  序列是逐渐走向根的一条链的子集。设  $f_{u,i}$  表示最终  $\text{lca}$  在  $u$  子树内、剩下  $i$  个点没有走的方案数，合并的话，限制条件就是不能连续走进同一个子树里，可以容斥，容斥完每个子树就是独立的，只有它分成了几段是有用的，我们用 EGF 相乘来统计即可。

## 异世界的文章分割者

二分，然后对于每个  $l$ ，贪心找到最大的  $r$ ；并且对于每个  $l, r$ ，维护出  $F(l, r)$ 。这个当然可以用数据结构来解决。更简单的办法是，考虑单个序列的  $F$  的计算，可以在后缀树上 dp 解决。而这个问题，我们可以倍增，然后二分，来规约到单个  $F$  的计算。

## Matrix

首先  $B$  的每行的和都是相等的，每列的和也都是相等的，否则无解。

我们把行看作是左部点，列看作是右部点，那么  $B_{i,j}$  就是  $i, j$  的边的容量，这是一张  $K$  正则图，我们只要找到它的一个边染色就做完了。